

# DOBÓR ZADAŃ NA LEKCJE POWTÓRZENIOWE

MAŁGORZATA PEŁKOWSKA-JEMCZURA

Lekcje powtórzeniowe należą do trudniejszych w przeprowadzaniu. Nie najłatwiej jest powtarzać treści inaczej niż zostały one wprowadzone. Celem lekcji powtórzeniowych jest utrwalenie wcześniej nabytych umiejętności a ponadto nabycie dodatkowych. Przygotowanie lekcji powinno zawierać kilka bardzo istotnych szczegółów, oto najbardziej ważne według mnie:

1. Zadania powinny być tak dobrane, aby uczniowie słabsi uczestniczyli w lekcji równie aktywnie jak zdolniejsi.
2. Problemy powinny być tak przygotowane i przedstawione, aby wymusiły u uczniów twórcze poszukiwanie i podejście badawcze. Spełnienie tego warunku zastąpi wygodniejsze, ale mniej efektywne mechaniczne zastosowanie wyuczonych sposobów.
3. Sytuacje problemowe powinny wyzwać motywację i aktywność u wszystkich uczniów.
4. W trakcie lekcji uczniowie muszą gromadzić doświadczenia poprzez pokonywanie trudności, poprzez popełnianie i poprawianie błędów.
5. Wszyscy uczestnicy lekcji powinni mieć czas na spokojne rozwiązanie problemu, na wchodzenie na niewłaściwy tor i poszukanie właściwego.

Czy zrealizowanie tego wszystkiego jest możliwe?

Wydaje się, że w znacznym stopniu tak, zakładając, że wybierze się najbardziej do tego odpowiednią formę, która musi być dostosowana do konkretnej klasy.

Proponuję konspekt lekcji powtórzeniowej z działu logika i zbiory w klasie I liceum ogólnokształcącego, w której staram się realizować wymienione wyżej postulaty.

**Temat lekcji:** Powtórzenie wiadomości z działu *Zdania i zbiory*.

**Klasa I liceum ogólnokształcącego (zakres rozszerzony)**

Czas trwania zajęć 45 minut

**Cele lekcji:**

Ogólne	Operacyjne
<ul style="list-style-type: none"><li>• Powtórzenie i utrwalenie wiadomości dotyczących zdań logicznych i zbiorów</li><li>• Kształcenie umiejętności posługiwania się symboliką matematyczną</li><li>• Rozwijanie umiejętności logicznego rozumowania i uzasadniania swoich sądów</li><li>• Kształtowanie umiejętności pracy w zespole.</li></ul>	<p>Uczeń:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>• Określa wartość logiczną zdań prostych i złożonych (również z kwantyfikatorem)</li><li>• Potrafi utworzyć zaprzeczenie prostych i złożonych (również z kwantyfikatorem)</li><li>• Układa zdania logiczne spełniające zadane warunki</li><li>• Potrafi przedstawić podany zbiór na kilka różnych sposobów</li><li>• Wykonuje działania mnogościowe na zbiorach</li><li>• Potrafi obliczyć ilość elementów zbioru</li><li>• Wyznacza podzbiory danego zbioru</li><li>• Potrafi dopasować zbiory na zasadzie równości</li><li>• Potrafi dopasować zdania na zasadzie równoważności.</li></ul>

**Metody pracy:** zbiorowa (praca z całą klasą), indywidualna i w zespołach dwu osobowych.

**Pomoce lekcyjne:** domino matematyczne, zadania na folii i na kartkach papieru, grafoskop

**Tok lekcji:**

1. Omówienie pracy domowej
2. Przedstawienie uczniom celów lekcji
3. Przypomnienie podstawowych zasad rachunku zdań (określanie wartości logicznych, tworzenie zaprzeczeń zdań)

### Zadanie 1

Uzupełnij tabelkę:

Nr	Zdanie Logiczne	Wartość logiczna zdania	Zaprzeczenie Zdania
1.	Jeżeli 7 jest liczbą pierwszą, to $\sqrt{7}$ nie jest liczbą całkowitą.		
2.			5 nie jest dzielnikiem liczby 123 lub 3 jest dzielnikiem liczby 123
3.	Zbiór liczb całkowitych nie jest podzbiorem zbioru liczb naturalnych.		
4.			$\exists x  x  < 0$
5.	Istnieje romb, który ma przekątne jednakowej długości		

### Zadanie 2

Jan ma siostrę. Czy można stwierdzić, że Jan ma brata, jeśli prawdziwe jest zdanie:

- Jan ma siostrę i brata
- Jeśli Jan ma brata, to Jan ma siostrę;
- Jeśli Jan ma siostrę, to Jan ma brata;
- Jan ma siostrę i brata

#### 4. Przypomnienie podstawowych zasad teorii zbiorów (różne sposoby zapisywania zbiorów, działania na zbiorach)

### Zadanie 3

Uzupełnij tabelkę:

Nr	Zbiór	Zapis symboliczny zbioru	Wszystkie elementy zbioru	Przykład podzbioru
1.	Zbiór liczb naturalnych nie większych od 10			

2.		$\{x \in C :  x  < 5\}$		
3.			-7,-6,-5,-4,-3,-2	
4.		$\{x \in N : \exists n \in N n \cdot x = 24\}$		
5.	Zbiór potęg o wykładniku naturalnym liczby 3 mniejszych od 3000			

#### Zadanie 4

Ze stu studentów pierwszego roku uczyły się w szkole średniej języka angielskiego 42 osoby, języka niemieckiego – 30 osób, języka francuskiego – 28 osób, języka francuskiego i niemieckiego – 8 osób, języka francuskiego i angielskiego – 10 osób, języka angielskiego i niemieckiego – 15 osób oraz wszystkich trzech języków – 3 osoby. Oblicz, ilu studentów uczyło się:

- Przynajmniej jednego z tych języków
- Wyłącznie języka angielskiego
- Języka francuskiego, ale nie uczyło się języka niemieckiego

Oznacz: A – zbiór studentów, którzy uczyli się języka angielskiego, F - zbiór studentów, którzy uczyli się języka francuskiego, N - zbiór studentów, którzy uczyli się języka niemieckiego, S - zbiór studentów pierwszego roku. Wyraż za pomocą działań na zbiorach A, F, N i S:

- Zbiór studentów, którzy uczyli się języka niemieckiego i angielskiego, ale nie uczyli się francuskiego
- Zbiór studentów, którzy uczyli się języka francuskiego lub angielskiego, ale nie uczyli się niemieckiego
- Zbiór studentów, którzy nie uczyli się żadnego z tych języków

#### 5. Podsumowanie lekcji – ćwiczenie sprawdzające:

*(Uczniowie układają domino w parach. Kostki pasują do siebie na zasadzie równości zbiorów lub równoważności zdań)*

<b>START</b>	<b>A</b>	Zdanie $(p \text{ lub } q) \Rightarrow p$ jest fałszywe.	Zdanie $p$ jest fałszywe, a zdanie $q$ jest prawdziwe.	<b>L</b>	$(-5; -2) \cap (-1; 0)$
$\{x \in R : x^2 < 0\}$	<b>F</b>	Zbiór wszystkich liczb całkowitych podzielnych przez 3.	$\{x \in R : \exists k \in C \ x = 3k\}$	<b>R</b>	$\{x \in C :  x  \leq 3\}$
$\{-2, 0, 2\} \cup \{-1, 0, 1\}$	<b>E</b>	$\{x \in R : -1 < x \leq 2\}$	$(-1; 5) \setminus (2; +\infty)$	<b>D</b>	$\sim (4 + 7 \leq 9 \text{ lub } \pi = 3,14)$
$4 + 7 > 9$ i $\pi \neq 3,14$	<b>T</b>	$x \notin A \cap B$	$x \notin A$ lub $x \notin B$	<b>A</b>	$(-2; 4) \cap N$
$\{x \in N : 3x + 5 < 15\}$	<b>R</b>	$\sim (4 + 7 \leq 9 \text{ i } \pi = 3,14)$	$4 + 7 > 9$ lub $\pi \neq 3,14$	<b>S</b>	Implikacja $(\sim q) \Rightarrow p$ jest zdaniem fałszywym.
Zdanie $q$ jest fałszywe i zdanie $p$ jest fałszywe.	<b>K</b>	$\{x \in R : x < 0 \text{ i }  x  > 4\}$	$\langle -8; -4 \rangle \cup (-\infty; -6)$	<b>I</b>	<b>META</b>